

TD CINEMATIQUE DU POINT:**EXERCICE 1 :**

Les coordonnées du vecteur accélération d'un mobile sont $\vec{a}(0,-3,0)$. A l'instant $t=0$, le mobile est en $M_0(1,2,0)$ et son vecteur vitesse initiale est $\vec{v}_0(1,1,0)$.

- 1) Déterminer les équations horaires du mouvement et montrer qu'il est plan.
- 2) En déduire l'équation de la trajectoire.

EXERCICE 2:

Les équations paramétriques du mouvement d'un solide se déplaçant dans un plan muni d'un repère (O, S', y') sont $x=3t$ et $y = -4t^2 + 5t$.

On utilise les unités internationales.

- 1) Rechercher l'équation cartésienne de la trajectoire.
- 2) a) Calculer l'abscisse du mobile lorsque celui-ci repasse par l'ordonnée $y=0$.
b) Calculer la vitesse en ce point.
- 3) Déterminer les coordonnées du mobile à l'instant $t=4s$.

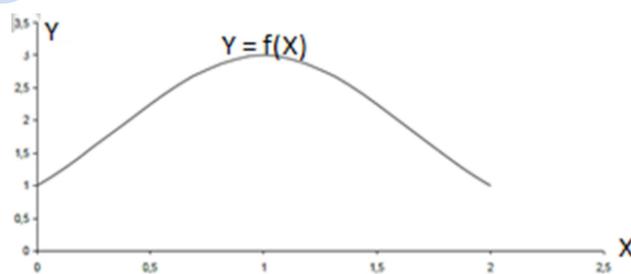
Quelle est alors sa vitesse?

- 4) Déterminer l'accélération du mobile aux points O, A et B dont les abscisses sont :
 $x_0 = 0$; $x_A = 2\text{cm}$ et $x_B = 4\text{cm}$.

EXERCICE 3:

Les équations horaires du mouvement d'un point mobile M sont données par: $X(t) = 1 + \sin(2\pi t)$ et $y(t) = 2 + \cos(4\pi t)$. X et Y sont en m et t en s.

- 1) Donner les coordonnées des vecteurs vitesse et accélération au cours du temps.
- 2) Etablir l'équation de la trajectoire de M.
- 3) La représentation graphique de la trajectoire théorique est donnée par la courbe ci-dessous:



3.1) Préciser aux dates $t=0s$; $t=0,25s$; $t=0,75s$, les positions : M_0 ; $M_{1/4}$; $M_{3/4}$.

3.2) Donner les caractéristiques du vecteur vitesse \vec{v}_0 en M_0

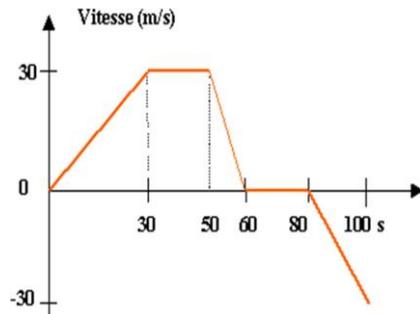
et représenter \vec{v}_0 sur la trajectoire.

Préciser la valeur de la vitesse $v_{1/4}$ en $M_{1/4}$.

EXERCICE 4:

- I. Sur un axe, un point mobile M est repéré par son abscisse $X = -4t^2 + 6,4t$
 - 1) Quelles sont les coordonnées du vecteur vitesse et du vecteur accélération?
 - 2) Quelle est la vitesse initiale?
 - 3) Déterminer les intervalles de temps durant lesquels le mouvement est accéléré ou retardé.

- 4) Déterminer la position du point de rebroussement.
- II. Un véhicule se déplace sur un trajet rectiligne. Sa vitesse est caractérisée par le diagramme ci-dessous :



Indiquer sur les 5 intervalles de temps :

- 1) La valeur algébrique de l'accélération a .
- 2) L'expression $v=f(t)$.
- 3) La nature du mouvement.

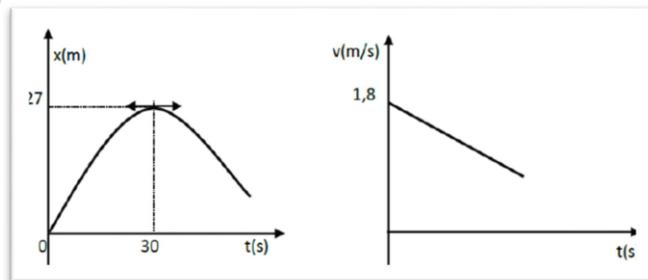
EXERCICE 5:

On donne l'équation horaire d'un mobile M par rapport au repère (O,X,Y). $X = 2 + A \cos(wt)$ et $y = 1 + A \sin(wt)$, avec $A=10\text{cm}$ et $w=10\text{rad/s}$.

- 1) Montrer que la valeur de la vitesse du mobile est constante et la calculer.
- 2) Montrer que la valeur de son accélération est constante et la calculer.
- 3) Quelle est la trajectoire du mobile? Que représente A?
- 4) Quel sont la direction et le sens du vecteur accélération?

EXERCICE 6:

Un mobile A est animé d'un mouvement rectiligne uniformément varié. Les diagrammes de l'abscisse $X(t)$ et de la vitesse $V(t)$ sont donnés ci-après:



- 1) Quelle est l'accélération du mouvement? En déduire l'équation horaire du mouvement.
- 2) Quelle distance a-t-il parcouru pendant les 40 premières secondes?
- 3) Un second mobile B animé d'un mouvement rectiligne uniforme de vitesse $V=6\text{m/s}$ va à la rencontre de A; les deux mobiles quittent au même instant $t=0$ leur position respective distant de $d=80\text{m}$.
 - 3.1) Etablir l'équation horaire du mouvement de B.
 - 3.2) Déterminer la date et le point de rencontre de A et B.

EXERCICE 7:

Un automobile démarre lorsque le feu passe au vert avec une accélération $a=2,5\text{m/s}^2$ pendant une durée $\theta=7,0\text{s}$; ensuite le conducteur maintient la vitesse constante.

Lorsque le feu passe au vert, un camion, roulant à une vitesse $v=45\text{km/h}$ est situé à une distance $d=20\text{m}$ du feu avant celui-ci. Il maintient sa vitesse constant.

Dans un premier temps le camion va doubler l'automobile, puis dans une deuxième phase, celle-ci va le dépasser.

En choisissant:

- Comme origine des dates l'instant où le feu passe au vert,
- Comme origine des espaces, la position du feu tricolore,

Déterminer:

- 1) les dates des dépassements,
- 2) les abscisses des dépassements,
- 3) les vitesses de l'automobile à ces instants.

EXERCICE 8:

On considère un mouvement rectiligne sur un axe OX défini par $X=\cos(3t)+\sqrt{3}\sin(3t)$. X est exprimé en cm, t en seconde, les angles en radians.

- 1) Mettre l'équation sous la forme $X=A\cos(\omega t+\varphi)$. A est une constante positive; on donne $-\pi \leq \varphi \leq 0$.
- 2) Construire le diagramme du mouvement $0 \leq t \leq T$; T étant la période.
- 3) Déterminer l'instant où l'élongation vaut 1cm pour la première fois après la date 0.

EXERCICE 9:

Un mobile animé d'un mouvement rectiligne sinusoidal sur un axe X'X. Son elongation à la date t est donné par : $X(t)=A\cos(\omega t)+B\sin(\omega t)$ avec X en m et t en seconde. A la date $t=0$, le mobile passe à l'élongation $X=4\text{m}$ en allant dans le sens positif, sa vitesse a pour norme 15m/s et son acceleration a pour norme 100m/s^2 .

- 1) Déterminer les valeurs numériques de A, B et ω .
- 2) Trouver la valeur de l'accélération à la date $t=3,14\text{s}$.
- 3) Mettre l'équation sous la forme $X(t)=X_m \cos(\omega t + \varphi)$ en donnant les valeur de X_m et de φ .

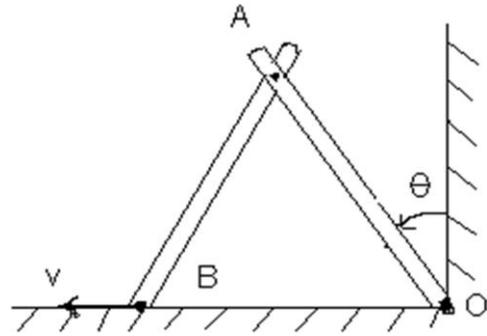
EXERCICE 10:

A l'instant initial $t=0$, on lance horizontalement un objet avec la vitesse de 10m/s à partir d'un référentiel en translation qui subit une accélération vers le haut de 3m/s^2 et qui part du repos au sol.

- 1) Donner l'expression de la vitesse de l'objet par rapport au repère fixe $(0, \vec{l}, \vec{j}, \vec{k})$ dont l'origine O coïncide avec le point de départ au sol.
- 2) En déduire l'équation cartésienne de la trajectoire de l'objet dans ce repère.
- 3) Décrire le mouvement de l'objet tel qu'un observateur le voit d'une part à partir du référentiel fixe en O et d' autre part à partir du référentiel accéléré vers le haut.

Exercice 11 :

Une échelle double OAB est appuyée au bas d'un mur en un point O. Le deuxième point d'appui B glisse sur le sol à la vitesse V_B . On précise que $OA=AB=2,5\text{m}$ et la vitesse angulaire de OA garde la valeur constante de 10 degrés par seconde. θ est l'angle que fait OA avec la verticale. A l'instant $t=0, \theta=\theta_0=15^\circ$.



- 1) Donner l'équation $\theta = f(t)$.
- 2) À quel instant t l'angle OAB vaut-il 100° ?
- 3) À cet instant t_1 , donner les caractéristiques du vecteur vitesse et du vecteur accélération \vec{a}_1 du point A ; faire un schéma représentant ces deux vecteurs.
- 4) Calculer en fonction de t , la longueur OB.
- 5) En déduire les équations horaires de la vitesse V_B et de l'accélération a_2 du point B. Faire l'application numérique pour $t=t_1$.